

DEUXIÈME PARTIE (14 pts)**Exercice 1 (5 points)**

Un loueur de bicyclettes propose deux types de bicyclettes : des bicyclettes traditionnelles et des bicyclettes électriques.

Il incite ses clients à prendre une assurance.

On dispose des informations suivantes.

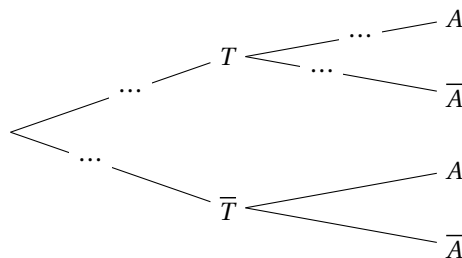
- 60 % des clients ont loué une bicyclette traditionnelle, les autres ont loué une bicyclette électrique.
- Parmi ceux qui ont loué une bicyclette traditionnelle, 25 % ont pris une assurance.
- 20 % de l'ensemble des clients ont pris une assurance.

On choisit un client au hasard et on note les événements :

T : « le client a loué une bicyclette traditionnelle ».

A : « le client a pris une assurance ».

1. Recopier l'arbre pondéré ci-dessous et compléter les pointillés.



2. Donner, par simple lecture de l'énoncé, la probabilité de l'événement A .
3. Montrer que la probabilité que le client ait loué une bicyclette traditionnelle et qu'il ait pris une assurance est égale à 0,15.
4. En déduire que la probabilité $P(\bar{T} \cap A)$ est égale à 0,05.
5. Déterminer la probabilité que le client ait pris une assurance sachant qu'il a loué une bicyclette électrique.

On donnera le résultat sous la forme d'une fraction irréductible.

Exercice 2 (5 points)

Pour chacune des affirmations suivantes, indiquer si elle est **vraie** ou **fausse**, en **justifiant** la réponse. Une réponse non justifiée n'est pas prise en compte.

Les trois questions sont indépendantes.

1. On considère un réel u .

On considère sur \mathbb{R} l'équation

$$(E) \quad x^2 + x - u^2 = 0$$

Affirmation : Quelle que soit la valeur du réel u , l'équation (E) possède deux solutions réelles distinctes.

2. On considère la suite (u_n) définie pour tout entier naturel n par

$$u_n = 2^{-n}$$

Affirmation : La suite (u_n) est une suite géométrique de raison $\frac{1}{2}$.

3. On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = e^x - 1$$

On note \mathcal{C} la courbe représentative de la fonction f dans un repère.

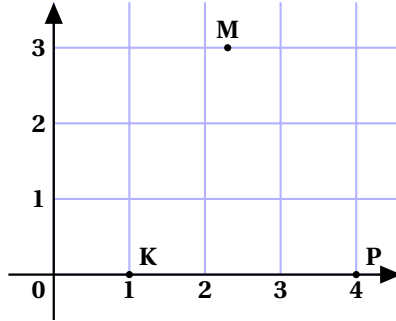
On note \mathcal{T} la tangente à la courbe \mathcal{C} au point d'abscisse 0.

On note A le point de coordonnées (3; 3).

Affirmation : Le point A appartient à la tangente \mathcal{T} .

Exercice 3 (4 points)

Dans le plan muni d'un repère orthonormal, on considère les points $P(4;0)$ et $K(1;0)$.
On considère le réel x et on note M le point de coordonnées $(x;3)$.



1. Donner les coordonnées du vecteur \overrightarrow{KP} ainsi que sa norme.
2. Exprimer en fonction de x les coordonnées du vecteur \overrightarrow{KM} ainsi que sa norme.
3. Montrer que le produit scalaire $\overrightarrow{KP} \cdot \overrightarrow{KM}$ est égal à $3x - 3$.
4. Montrer que si l'angle \widehat{PKM} est égal à $\frac{\pi}{3}$, alors le réel x est solution de l'équation

$$(E) \quad \sqrt{(x-1)^2 + 9} = 2x - 2$$

5. Vérifier que le réel $1 + \sqrt{3}$ est solution de l'équation (E).